

1. DATOS GENERALES DE LA UNIDAD DE APRENDIZAJE (UA) O ASIGNATURA							
Nombre de	Nombre de la Unidad de Aprendizaje (UA) o Asignatura					Clave de la UA	
		Análisis matemático II				I5955	
Modalidad de la UA		Tipo de UA		Área de	formación	Valor en créditos	
Escolarizada		Curso		Básic	a común	9	
UA de pre-requisito		UA sim	ultan	eo	UA p	posteriores	
Análisis Matemático I (15951)	isis Matemático I (15951) Taller de Análisis M		Matemático II (15956) Análisis Matemático III		temático III (15957)		
Horas totales de teoría		Horas totales	s de práctica Horas to		otales del curso		
68		()		68		
Licenciatura(s) en c	jue se in	nparte	Módulo al que pertenece			nece	
Licenciatura en Mater	náticas (LII	MA)			Análisis		
Departam	Departamento			Academia a la que pertenece			
Matemáticas (I	Matemáticas (D-1390)		Análisis Matemático				
Elaboró				Fech	a de elaboración o	revisión	
M.M.A. Claudia Verónica	Martínez (Casillas	31/07/2017				

2. DESCRIPCIÓN DE LA UA O ASIGNATURA

Presentación

La UA de Análisis Matemático II puede cursarse una vez acreditadas las materias de Análisis matemático I y Taller de análisis matemático I y es recomendable haber acreditado, al menos, la asignatura de Teoría del cálculo I, ya que se espera que los estudiantes inscritos tengan un dominio básico del lenguaje matemático trabajado en el curso de cálculo.

El análisis matemático trata de profundizar en las ideas propias del cálculo formalizándolas rigurosamente. Por tanto, al final del curso, el estudiante podrá establecer criterios para determinar la diferenciablilidad e inversión de una aplicación asi como la existencia de aplicaciones implícitas.

Relación con el perfil						
Modular	De egreso					
Esta materia, junto con las demás que conforman el módulo de Análisis, tiene como finalidad que sus egresados puedan usar, de manera formal y rigurosa, los tópicos del cálculo en resultados del mismo análisis matemático o en alguna otra rama de las matemáticas. En particular, en esta materia se pretende que puedan establecer criterios para determinar la diferenciablilidad e inversión de una aplicación asi como la existencia de aplicaciones implícitas						

Competencias a desarrollar en la UA o Asignatura Transversales Genéricas Profesionales Construye un discurso comunicable de las ideas Desarrolla las capacidades anali

Construye un discurso comunicable de las ideas propias de acuerdo con el contexto en que se deba expresar (incluye idiomas extranjeros).

Autogestiona el aprendizaje para el cumplimiento de las metas propias, identificando los recursos necesarios y logrando la disciplina requerida.

Crea y defiende una postura propia ante los distintos fenómentos con base en la investigación como método.

Plantea problemas de la realidad en términos del conocimiento científico disponible para su solución.

Construye, desarrolla y expresa argumentaciones matemáticas para interactuar con sus pares.

Entiende y reproduce la matemática, identificando áreas del conocimiento para desarrollar investigación bajo la orientación de expertos.

Desarrolla las capacidades analítica y de abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso a través del Análisis Matemático.

Adquiere la capacidad de leer acertadamente el leguaje matemático formal.

Utiliza los conocimientos adquiridos en la definición y planteamiento de problemas y en la búsqueda de sus soluciones en el contexto académico.

Expresa ideas y argumentos matemáticos formal, clara y pertinentemente de manera oral y escrita.



Saberes involucrados en la UA o Asignatura					
Saber (conocimientos)	Saber hacer (habilidades)	Saber ser (actitudes y valores)			
Diferenciabilidad Aplicaciones bilineales Derivada de orden mayor Teorema de Taylor Extremos locales Espacio tangente Extremos restringidos La norma de la derivada Teoremas del valor medio Teorema de inversión Teorema de la aplicación implícita	Emplea las definiciones y teoremas estudiados para determinar la diferenciablilidad de una aplicación. Evalúa, en una aplicación dada, las condiciones necesarias para asegurar la existencia de una aplicación inversa. Decide la existencia de aplicaciones implícitas en un sistema de ecuaciones dado.	Muestra respeto hacia el profesor. Participa, activamente y con interés, en las clases expresando su opinión abiertamente. Escucha y respeta la opinión de sus compañeros. Cumple con los acuerdos establecidos en equipo. Muestra interes en su trabajo entregando sus tareas limpias y a tiempo. Valora la autenticidad de su trabajo. Es consciente de la importancia del cuidado del medio ambiente.			

Producto Integrador Final de la UA o Asignatura

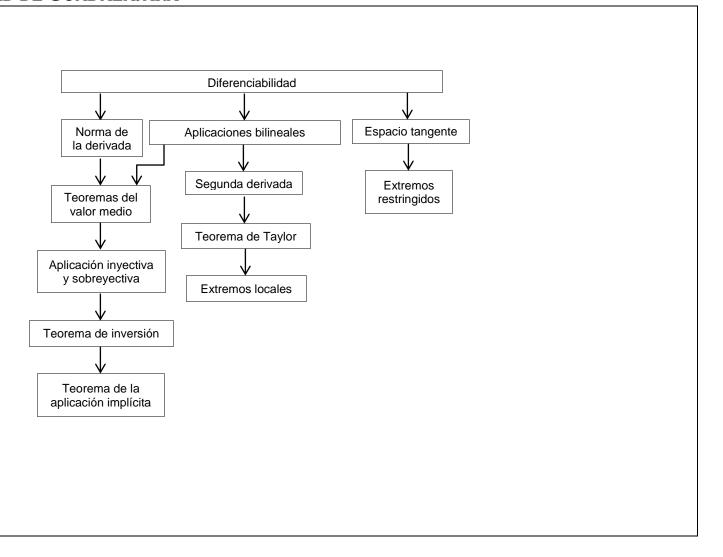
Título del Producto: Aplicaciones implícitas.

Objetivo: Distinguir los resultados necesarios para la demostración del teorema de la aplicación implícita.

Descripción: Se hará una selección de ejercicios, hechos durante el semestre, que contribuyen al entendimiento de la demostración y la ejecución del teorema de la aplicación implícita.

3. ORGANIZADOR GRÁFICO DE LOS CONTENIDOS DE LA UA O ASIGNATURA





4. SECUENCIA DEL CURSO POR UNIDADES TEMÁTICAS

Unidad temática 1: Diferenciablilidad



Objetivo de la unidad temática: Determinar la existencia de extremos locales de una aplicación dada en un determinado entorno.

Introducción: En esta unidad temática se desarrolla y demuestra un método para determinar la existencia y naturaleza de los extremos locales de una aplicación, mediante el teorema de Taylor, para esto es necesario verificar si dicha aplicación es de clase C². La diferenciabilidad es una condición necesaria para los temas a desarrollar en la siguiente unidad.

Contenido temático	Saberes involucrados	Producto de la unidad temática
1. Diferenciabilidad	Reconoce el concepto de derivada de una función en dirección	
	de un vector unitario e identifica la derivada parcial como un caso	
1.1. Derivadas parciales	particular de esta.	
1.2. La derivada (de Fréchet)	Sabe el concepto, forma de calcular y las propiedades de las	
	derivadas parciales de orden r de una función.	Entrega individualmente y por escrito la
1.2.1. La derivada en coordenadas		solución de ejercicios propuestos en cla
4.0.0 Diferenciabilidad o continuidad	Se define la diferenciabilidad de una aplicación y la matriz	
1.2.2. Diferenciabilidad y continuidad	jacobiana como la aplicación lineal correspondiente a la derivada.	Entrega individualmente y por escrito reportes, de temas seleccionados en
1.2.3. Combinaciones algebráicas de aplicaciones	delivada.	clase, desarrollados de forma alternativa
diferenciables	Entiende la relación entre la diferenciabilidad de la aplicación y la	
	continuidad de dicha aplicación o sus derivadas parciales.	
1.2.4. Composiciones de aplicaciones diferenciables		
1.3. El teorema del valor medio	Reconoce las condiciones bajo las cuales la suma, resta, producto, cociente y composición de aplicaciones diferenciables	
1.5. El teorema del valor medio	es diferenciable.	
1.4. Aplicaciones bilineales		
·	Demuestra las fórmulas para calcular la derivada de las	
1.5. Derivadas de orden mayor	aplicaciones resultantes de las operaciones dichas antes.	
1.5.1. El teorema de Taylor	Distingue las condiciones bajo las cuales se generaliza el	
1.5.1. Er toorema de Taylor	teorema del valor medio para funciones en varias variables.	
1.5.2.Puntos críticos y extremos locales	·	
	Conoce y demuestra la derivada de una aplicación bilineal.	
	Usa la k-ésima derivada de una función, como una forma k-	
	lineal, en el teorema de Taylor.	
	Conoce la definición de puntos críticos y puntos extremos de una	
	función.	
	Distingue si una aplicacion bilineal es positivamente (ó	
	negativamente) definida (ó semidefinida).	
	Se define el Hessiano de una función.	
	Conoce y demuestra el criterio para extremos locales.	
	Manager and the signal and a second as a second as	
	Muestra respeto hacia el profesor y sus compañeros.	



OTAT PINE	22 001121121101					
		Participa, activamente y con interés opinión abiertamente.	s, en las clase expresando su			
		Muestra interes en su trabajo entreg limpias y a tiempo.	gando sus tareas originales,			
		Es consciente de la importancia del	cuidado del medio ambiente.			
Actividades del docente	Actividades	del estudiante	Evidencia de la actividad	Recursos materiales	у	Tiempo destinado

Informa al alumno el encuadre del curso. Expone frente a pizarrón la definición de derivada de una función en dirección de un vector unitario y explica la fórma de calcularla. Invita a los alumnos a recordar el concepto de derivada parcial de una función y compararlo con la definición vista antes. Invita a los alumnos a recordar, mediante ejemplos, las propiedades de las derivadas parciales. Demuestra las propiedades de derivadas parciales, invitando, en el desarrollo, a los alumnos a recordar y verificar los teoremas necesarios para estas pruebas.	Toma notas de la clase Realiza ejemplos en dónde desarrolla la definición de derivada direccional, derivada parcial y derivada parcial de orden mayor.	Ejercicios resueltos en donde se calcule derivadas direccionales y parciales usando la definición.	Lista de ejercicios para resolver Notas de clase Bibliografía	4
Expone frente a pizarrón la definición de aplicación diferenciable, y derivada de dicha aplicación, dada por Fréchet. Explica e invita a los alumnos a deducir la forma de calcular la derivada de una aplicación. Expone la prueba de que toda aplicación lineal es una aplicación de Lipschitz. Enuncia y demuestra las propiedades de la derivada asi como la relación entre continuidad y diferenciabilidad de las aplicaciones. Expone e invita a los alumnos a inspeccionar y construir la demostración de las fórmulas de derivación de combinaciones (suma, resta, regla de Leibnitz y regla de la cadena) de aplicaciones diferenciables.	Toma notas de la clase Calcula la derivada de una aplicación o de una combinación de aplicaciones y verifica la continuidad de la aplicación o de las derivadas parciales.	combinación de	Lista de ejercicios para resolver Notas de clase Bibliografía	8
Invita a los alumnos a recordar el teorema del valor medio para funciones en una variable. Enuncia y demuestra el teorema del valor medio para funciones en varias variables. Expone frente al grupo la definición y propiedades de una aplicación bilineal. Enuncia la definición de una forma bilineal. Explica frente a pizarrón el isomorfismo entre los espacios Bil(R ^m xR ^m ,R) y M _m (R) Demuestra que toda aplicación bilineal es una aplicación de Lipschitz.	Toma notas de la clase Realiza demostraciones sencillas de problemas, usando el teorema del valor medio. Extiende la fórmula de derivación de aplicaciones bilineales a aplicaciones k-lineales y elabora algunos ejemplos de esto. Ejecuta las operaciones de los ejercicios que se muestran como ejemplos del teorema de Taylor.	Ejercicios resueltos en donde se haga uso del teorema del valor medio. Ejercicios resueltos encontrando la derivada de aplicaciones k-lineales cualesquiera. Ejercicios resueltos en donde se desarrolle la fórmula de Taylor de órden menor o igual a tres de una aplicación.	Lista de ejercicios para resolver Notas de clase Bibliografía	6



Expone frente a pizarrón los conceptos de valores extremos, punto crítico, puntos extremos y punto silla. Enuncia y demuestra el teorema para puntos críticos. Expone frente a pizarrón los conceptos de matrices o aplicaciones bilineales positivamente (y negativamente) definida (y semidefinida) y hessiano. Demuestra y muestra el criterio para extremos locales	Toma notas de la clase Realiza los cálculos y aplica el criterio de extremos,a ejercicios propuestos, encontrando los puntos críticos, el hessiano correspondiente a cada uno de éstos y determinando la naturaleza de los mismos.	Ejercicios resueltos en donde determinen la naturaleza de puntos críticos.	Lista de ejercicios para resolver Notas de clase Bibliografía	6
Elabora y aplica primer examen parcial.	Resuelve y entrega el primer examen parcial	Examen resuelto	Examen elaborado por el docente	2

Unidad temática 2:

Objetivo de la unidad temática: Determinar la existencia de extremos restringidos de una aplicación dada en un determinado entorno.

Introducción: En esta unidad temática se desarrolla y prueba el método de multiplicadores de Lagrange, para asegurar la existencia de extremos de una aplicación restringida a una superficie; para este fin es necesario estudiar el espacio tangente de la aplicación. La diferenciabilidad es una condición necesaria para este resultado.

Contenido temático		Saberes involucrados		Producto de la unidad temática		
2. Superficies 2.1. Conjuntos de nivel 2.2. Curvas y campos de vectores 2.3. El espacio tangente 2.4. Multiplicadores de Lagrange		Comprende la geometría de los la ecuación correspondiente y si Reconoce una curva integral, ta vectores, como la solución de un Entiende la definición del espacio conjunto de nivel. Deduce la fórmula de multiplicade encontrar extremos de una aplicio superficie.	u sintaxis ngente a un campo de na ecuación diferencial. to tangente a una superficie dores de Lagrange para	Entrega individualment solución de ejercicios po Entrega individualmen reportes, de temas clase, desarrollados de	ropuestos en clase. Ite y por escrito seleccionados en	
Actividades del docente	Actividades del	estudiante	Evidencia de la actividad	Recursos y materiales	Tiempo destinado	



11 2 2 11				
Invita a los estudiantes a recordar la definición de curva y superficie de nivel. Expone frente a pizarrón la definición de conjunto de nivel. Expone frente a pizarrón el concepto de vector en un punto y hace notar el espacio vectorial que forman los vectores en ese punto. Enuncia el concepto de campo de vectores y define el gradiente como uno de estos. Explica frente al grupo el concepto de curva integral, su geometría y la forma de encontrarla. Enuncia el teorema de existencia y unicidad de soluciones de ecuaciones diferenciales.	Realiza ejemplos en donde encuentra conjuntos de nivel y esboza tales conjuntos. Grafica campos de vectores y esboza las curvas integrales correspondientes. Encuentra, analíticamente curvas integrales correspondientes a un campo de vectores dado.	Ejercicios resueltos en donde encuentra y esboza conjuntos de nivel. Ejercicios resueltos en donde grafica campos de vectores y esboza las curvas integrales correspondientes. Ejercicios resueltos en los cuales encuentra, analíticamentes, curvas integrales correspondientes a un campo de vectores dado.	resolver Notas de clase	6
Explica la definición de vector tangente a un conjunto de nivel y prueba que el gradiente es ortogonal a estos. Define espacio tangente a una superficie en un punto y relaciona dicho concepto con lo visto anteriormente. Enuncia y demuestra el teorema de Multiplicadores de Lagrange, invitando en el proceso, a los alumnos a deducir dicha demostración.	Toma notas de la clase. Realiza ejemplos en donde calcula el espacio tangente a una superficie en cierto punto. Aplica el método de multiplicadores de Lagrange a ejercicios propuestos en clase, encontrando puntos extremos y verificando su naturaleza.	Ejercicios resueltos en los que encuntra la ecuación del espacio tangente a una superficie dada en un punto dado.	Lista de ejercicios para resolver Notas de clase Bibliografía	4

Unidad temática 3:

Objetivo de la unidad temática: Demostrar los teoremas del la aplicación inversa y de la aplicación implícita.

Introducción: En esta unidad temática se demuestra una extensión del teorema del valor medio a aplicaciones de valor vectorial. A fin de poder realizar las demostraciones dichas en el objetivo, se prueban los teoremas de la aplicación inyectiva y de la aplicación sobreyectiva, cuyas hipótesis piden ciertas condiciones a la derivada de una aplicación.

Contenido temático	Saberes involucrados	Producto de la unidad temática
3. Teoremas de aplicaciones dierenciables	Entiende y conoce la norma de la derivada como la norma de una aplicación lineal.	Entrega individualmente y por escrito la solución de ejercicios propuestos en clase.
3.1. La norma de la derivada	Conoce las condiciones bajo las cuales es posible extender	Entrega individualmente y por escrito
3.2. Teoremas del Valor Medio	el teorema del valor medio a aplicaciones de valor vectorial.	reportes, de temas seleccionados en clase, desarrollados de forma alternativa.
3.3. Teoremas de aplicaciones	Entiende, que si la derivada de una aplicación es inyectiva o sobreyectiva, cerca de algún punto, entonces la función también lo será cerca de dicho punto.	



Expone en el pizarrón resultados previos a los teoremas del objetivo, y necesarios para aquellas demostraciones, tales como: Lema de aproximación Teorema de la aplicación inyectiva Teorema de la aplicación sobreyectiva Teorema de la aplicación abierta	Toma notas de clase Participa en las demostraciones dando su opinion acerca de los resultados encontrados y haciendo algunos cálculos.		Ejercicios resueltos en los que hace uso de los teoremas vistos, determinando la inyectividad o sobreyectividad de aplicaciones dadas.	Lista de ejercicios para resolver Notas de clase Bibliografía	7
3.3.1. La aplicación inyectiva		Fational			
3.3.2. La aplicación sobreyectiva		Entiende y conoce las condiciones bajo las cuales una aplicación tiene una función inversa correspondiente, en un entorno.			
3.3.3. Teorema de inversión local	3.3.3. Teorema de inversión local		Conoce las condiciones para asegurar la existencia de una		
3.3.4. El teorema de la aplicación implícita		aplicación definida implícitamen	te.		
3.4. Temas selectos					

Actividades del docente	Actividades del estudiante	Evidencia de la actividad	Recursos y materiales	Tiempo destinado
Define la norma de un operador lineal y explica la forma de calcularla. Después demuestra algunos resultados necesarios para probar los teoremas del objetivo.	Toma notas de clase. Realiza los cálculos para encontrar una cota para la norma de la matriz que define un operador lineal.	Demuestra que la función dada como norma de un operador lineal es, efectivamente, una norma.	Lista de ejercicios para resolver Notas de clase Bibliografía	4
Elabora y aplica el segundo examen parcial	Resuelve y entrega el segundo examen parcial	Examen resuelto	Examen elaborado por el docente	2
Expone en el pizarrón los teoremas de inversión local y de la aplicación implícita con su respectiva demostración	Toma notas de clase Participa en las demostraciones dando su opinion acerca de los resultados encontrados y haciendo algunos cálculos.	Ejercicios resueltos en los que determinan, en aplicaciones dadas, la existencia de aplicaciones inversas o implícitas y encontrando las derivadas de éstas.	Lista de ejercicios para resolver Notas de clase Bibliografía	7
Retroalimenta los repoertes productos de las UTs. Establece lineamientos claros para la realización de una exposición frente al grupo, que cuiden contenido, forma y expresión	Prepara, en equipo, una exposición de uno de los temas de los reportes producto de las UTs. Presenta, en equipo, la exposición frente al grupo.	Presentación	Bibliografía Reportes producto de las UTs	8
Elabora y aplica el tercer examen parcial.	Resuelve y entrega el tercer examen parcial	Examen resuelto	Examen elaborado por el docente	2





A lo largo de la UA el alumno realiza exámenes, reportes y ejercicios que deben seguir los siguientes lineamientos básicos (más los específicos de cada trabajo):

- Entrega en tiempo.
- Elabora en hojas blancas.
- Deben estar limpios y ser legibles.
- Escribe en el encabezado de cada hoja el nombre del alumno, de la materia y del trabajo.
- Anexa como primera página la impresión de los ejercicios propuestos o el exámen.
- Para poder presentar cada examen parcial, debe haber entregado los ejercicios propuestos y los reportes, que se han dejado hasta el momento, debidamente redactados.
- Presenta cada exámen en la fecha indicada (salvo excepciones justificables avaladas por el coordinador de la carrera).
- Tiene estrictamente prohibido el plagio

Las presentaciones orales se evaluarán conforme a los siguientes rubros: Contenido, comprensión del contenido, dicción, volumen, apoyo visual y tiempo utilizado.

5. EVALUACIÓN Y CALIFICACIÓN						
Requerimientos de acreditación:						
Criterios generales de evaluación:						
Evidencias o Productos						
Evidencia o producto	Competencias y saberes involucrados	Contenidos temáticos	Ponderación			
Ejercicios resueltos	Desarrolla las capacidades analítica y de abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso. Adquiere la capacidad de leer acertadamente el leguaje matemático formal. Utiliza los conocimientos adquiridos en la búsqueda de soluciones. Expresa ideas y argumentos matemáticos formal, clara y pertinentemente. Muestra respeto hacia el profesor, sus compañeros y si mismo, siendo auténtico en su trabajo y entregando en tiempo y forma. Es consciente de la importancia del cuidado del medio ambiente escribiendo en hojas de reuso y utilizando, en la medida de lo posible, la luz solar.	Diferenciabilidad Aplicaciones bilineales Derivada de orden mayor Teorema de Taylor Extremos locales Espacio tangente Extremos restringidos La norma de la derivada Teoremas del valor medio Teorema de inversión Teorema de la aplicación implícita	5%			



UNIVERSIDAD DE GUADALAJARA

abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso. Segundo examen parcial Expresa ideas y argumentos matemáticos formal, clara y portinontomento.	r medio cación inyectiva cación sobreyectiva ión local
Segundo examen parcial abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso. Expresa ideas y argumentos matemáticos formal, clara y pertinentemente. Desarrolla las capacidades analítica y de abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso. Tercer examen parcial Desarrolla las capacidades analítica y de abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso. Expresa ideas y argumentos matemáticos formal, clara y pertinentemente. Teorema de invertencema de la aproper de pensamiento lógico y riguroso.	r medio cación inyectiva cación sobreyectiva ión local
abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso. Expresa ideas y argumentos matemáticos formal, clara y pertinentemente. Desarrolla las capacidades analítica y de abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso. Tercer examen parcial Desarrolla las capacidades analítica y de abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso. Teorema de inventación y el pensamiento lógico y riguroso. Teorema de inventación y el pensamiento lógico y riguroso.	r medio cación inyectiva cación sobreyectiva ión local
abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso. Segundo examen parcial Expresa ideas y argumentos matemáticos formal, elara y portinentemento.	r medio cación inyectiva
Desarrolla las capacidades analítica y de Puntos críticos y	de vectores
Desarrolla las capacidades analítica y de abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso. Expresa ideas y argumentos matemáticos formal, clara y pertinentemente. Derivadas parcia Diferenciabilidad Diferenciabilidad Combinaciones a aplicaciones dife Composiciones o diferenciables El teorema del va El teorema del va El teorema de Ta	continuidad gebráicas de nciables aplicaciones or medio
Desarrolla las capacidades analítica y de abstracción, la intuición y el pensamiento lógico y riguroso. Expresa ideas y argumentos matemáticos formal, clara y pertinentemente de manera oral y escrita. Reportes de temas seleccionados Muestra respeto hacia el profesor, sus compañeros y si mismo, siendo auténtico en su trabajo y entregando en tiempo y forma. Es consciente de la importancia del cuidado del medio ambiente utilizando, en la medida de lo posible, la luz solar. Diferenciabilidad Teorema de Tayl Extremos locales Espacio tangente Extremos restrinç Teoremas del va Teorema de inve Teorema de la apreciadado del medio ambiente utilizando, en la medida de lo posible, la luz solar.	dos r medio ión



Objetivo: Distinguir los resultados necesarios para la demostración del teorema de la aplicación implícita.	con el siguiente, a fin de que se exponga que cada resultada no puede obtenerse sin el ejercicio previo. Tiene presentes las notas del	
Caracterización Se hará una selección de ejercicios, hechos durante el semestre, que contribuyen al entendimiento de la demostración y la ejecución del teorema de la aplicación implícita.	curso. Hace un correcto uso del lenguaje matemático. Criterios de forma: Reescribe los ejercicios seleccionados ya corregidos y con una buena redacción. Este trabajo debe tener una portada en la que se escriba "Producto final" el nombre de la UA, del alumno y del profesor.	5%

Otros criterios			
Criterio Descripción		Ponderación	
Exposición	El alumno expone de manera clara uno de los temas de los reportes producto de las UTs. Se pretende valorar la autenticidad de su investigación, fomentar el autoaprendizaje el respeto hacia los compañeros y la autoconfianza.	10%	



	6. REFERENCIAS Y APOYOS					
Referencias bibliográficas						
Referencias básicas						
Autor (Apellido, Nombre)	Año	Título	Editorial	Enlace o bibliotecar virtual donde esté disponible (en su caso)		
Robert G. Bartle	1964	The elemens of real analysis	John Wiley and Sons. Inc.			
Marsden, J. E., Hoffman, M.J.	1998	Análisis clásico elemental	Addison-Wesley Iberoamericana			
		Referenci	as complementaria	as		
James J. Callahan	2010	Advanced calculus a geometric view	Springer			
	Apoyos (vi	deos, presentaciones, b	ibliografía reco	mendada para el estudiante)		
Unidad temática 1: Para comprender la geometría de la derivada parcial y direccional https://youtu.be/RaR2g-h-Wol, https://youtu.be/9FflAPfsypw						
Unidad temática 2:						
Unidad temática 3:						