

Paterno

Materno

Nombre (s)

**PRIMER EXAMEN DEPARTAMENTAL DE CALCULO AVANZADO (16 OCTUBRE 2009 A)**

**INSTRUCCIONES:** Apagar el celular y ponerlo en la mochila no se permite el uso de cachucha dentro del salón. Favor de anotar claramente la letra correspondiente a cada pregunta en la línea del lado izquierdo. **MATERIAL PERMITIDO:** Lápiz, borrador, formulario, hojas blancas, calculadora, manual de fórmulas e identificación.

- \_\_\_\_\_ ① La ecuación  $x^2 + y^2 + z^2 = 2x + 2y + 2z - 2$  corresponde a un(a):  
**A)** Esfera      **B)** Hipérboloide de una hoja      **C)** Paraboloide      **D)** Hiperboloide de dos hojas      **E)** Paraboloide hiperbólico
- \_\_\_\_\_ ② El dominio de la función  $f(x, y) = \frac{x+y}{x^2-y^2+1}$ , es el conjunto de puntos  $(x, y)$  tales que:  
**A)**  $y^2 - x^2 \leq 1$       **C)**  $y^2 - x^2 < 1$       **E)**  $y^2 - x^2 \neq 1$   
**B)**  $x^2 - y^2 \leq 1$       **D)**  $x^2 - y^2 < 1$       **F)**  $x^2 - y^2 \neq 1$
- \_\_\_\_\_ ③ La curvas de nivel para la función  $f(x, y) = x^2 - y$  cuando  $k > 0$  corresponden a:  
**A)** Elipses      **B)** Hiperbolas      **C)** Rectas      **D)** Parábolas      **E)** Puntos
- \_\_\_\_\_ ④ Mediante regla de la cadena obtenga  $\frac{\partial f}{\partial r}$  para  $f(x, y) = \text{sen}(xy) - \cos(xy)$ , donde  $x = (r+t)$  y  $y = (r-t)$ .  
**A)**  $2r \cos(r^2 - t^2) - 2r \text{sen}(r^2 - t^2)$       **D)**  $-2r \cos(r^2 - t^2) - 2r \text{sen}(r^2 - t^2)$   
**B)**  $2r \cos(r^2 - t^2) + 2r \text{sen}(r^2 - t^2)$       **E)**  $2r \cos(r^2 - t^2) - 2t \text{sen}(r^2 - t^2)$   
**C)**  $-2r \cos(r^2 - t^2) + 2r \text{sen}(r^2 - t^2)$
- \_\_\_\_\_ ⑤ Halle el punto crítico de  $f(x, y) = -x^2 - xy - y^2 + 3x + 1$  y determine si en este punto hay un máximo o mínimo relativo o punto silla.  
**A)**  $(2, -1)$  Punto silla      **C)**  $(2, -1)$  Máximo rel.      **E)**  $(2, -1)$  Mínimo rel.  
**B)**  $(-1, 2)$  Punto silla      **D)**  $(-1, 2)$  Máximo rel.      **F)**  $(-1, 2)$  Mínimo rel.
- \_\_\_\_\_ ⑥ Determina la derivada direccional de la función  $f(x, y, z) = xe^{xz} + \ln(yz)$  en el punto  $(0, 1, 2)$  en la dirección de  $\mathbf{v} = -\mathbf{i} + 2\mathbf{j} + 3\mathbf{k}$ .  
**A)**  $\frac{\sqrt{14}}{8}$       **B)**  $\frac{2\sqrt{14}}{7}$       **C)**  $\frac{\sqrt{14}}{7}$       **D)**  $\frac{4\sqrt{14}}{35}$       **E)**  $\frac{5\sqrt{14}}{28}$
- \_\_\_\_\_ ⑦ Sea  $f(x, y, z) = x^2 - 2y^2 + z^2 + yz$ .  
 Determina en el punto  $(1, -1, 1)$  a) La máxima razón de cambio. b) La dirección de máximo crecimiento  
**A)**  $\sqrt{42}$       **B)**  $\sqrt{33}$       **C)**  $\sqrt{30}$       **D)**  $\sqrt{22}$       **E)**  $\sqrt{10}$   
**A)**  $\mathbf{v} = 4\mathbf{i} - 5\mathbf{j} - \mathbf{k}$       **B)**  $\mathbf{v} = -2\mathbf{i} + 3\mathbf{j} - 3\mathbf{k}$       **C)**  $\mathbf{v} = 2\mathbf{i} + 5\mathbf{j} + \mathbf{k}$       **D)**  $\mathbf{v} = -2\mathbf{i} - 2\mathbf{j} + 5\mathbf{k}$

- \_\_\_ 8) Por el método de los Multiplicadores de Lagrange encuentra el extremo de  $f(x,y) = \ln(x^2 + y^2)$  sujeta a la restricción o ligadura  $x + 2y = 5$   
A)  $(1,2)$  Mínimo    B)  $(1,2)$  Máximo    C)  $(-1,3)$  Mínimo    D)  $(-1,3)$  Máximo    E)  $(3,1)$  Mínimo
- \_\_\_ 9) Hallar  $\frac{dy}{dx}$  por derivación implícita si  $\sqrt{x}\sqrt{y} + x^{5/4} \cos(-2\sqrt{y}) = 0$  y evalúa en el punto  $\left(1, \left(\frac{\pi}{2}\right)^2\right)$   
A)  $\frac{\pi}{4}[\pi-5]$     B)  $\frac{\pi}{4}[\pi+5]$     C)  $\frac{\pi}{4}[5-\pi]$     D)  $-\frac{\pi}{4}[\pi+5]$     E)  $-\frac{\pi}{2}[\pi+5]$
- \_\_\_ 10) Utiliza la diferencial total para estimar el cambio de  $z = xy - y^2$  cuando  $(x,y)$  se desplaza desde el punto  $(1.5, 1)$  hasta el punto  $(1.55, 1.05)$   
A) 0.075    B) 0.06    C) 0.052    D) 0.025    E) 0.250