



Nombre: _____ Código: _____ ID: A

Puedes usar cualquier tipo de calculadora y formulario, tienes 1:30 horas para resolver tu examen. Si tu crees que alguna de las opciones no es la respuesta correcta escríbela.

II Examen Departamental de Álgebra Lineal Viernes, Junio 6 de 2008

Elija la opción correcta y anótala sobre la línea, según corresponda.

- ____ 1. Elija el vector que complete la base ortonormal $\left\{ \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \frac{1}{\sqrt{3}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}, \right\}$
- a. $\frac{1}{\sqrt{6}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ b. $\frac{1}{\sqrt{6}} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \end{pmatrix}$ c. $\frac{1}{\sqrt{6}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -2 \end{pmatrix}$ d. $\frac{1}{\sqrt{6}} \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -2 \end{pmatrix}$
- ____ 2. Para la siguiente matriz $A = \begin{bmatrix} 2 & 2 & 4 \\ 2 & -5 & 6 \end{bmatrix}$, encuentra la *imagen* y escribe ¿Cuál es la *nulidad* de A?
 $\nu(A) =$ _____
- a. Imagen A = gen $\left\{ \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 3 \\ -5 \end{bmatrix} \right\}$ c. Imagen A = gen $\left\{ \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -2 \\ -5 \end{bmatrix} \right\}$
- b. Imagen A = gen $\left\{ \begin{bmatrix} -2 \\ 2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 2 \\ -5 \end{bmatrix} \right\}$ d. Imagen A = gen $\left\{ \begin{bmatrix} 4 \\ 6 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 2 \\ -5 \end{bmatrix} \right\}$
- ____ 3. En \mathfrak{R}^3 $\begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix}$ es una combinación lineal de $v_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 2 \end{pmatrix}$, $v_2 = \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}$, $v_3 = \begin{pmatrix} 3 \\ -1 \\ 3 \end{pmatrix}$ ¿Cuáles son los valores de los escalares a_1 , a_2 y a_3 para que se cumpla?
- a. $a_1 = 2$, $a_2 = -4$ y $a_3 = -2$ c. $a_1 = 1$, $a_2 = -3$ y $a_3 = -2$
- b. $a_1 = 2$, $a_2 = -3$ y $a_3 = 1$ d. $a_1 = 1$, $a_2 = -2$ y $a_3 = -1$
- ____ 4. ¿Cuál de los siguientes conjuntos de vectores genera al espacio correspondiente?
- a. $\left\{ \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \right\}$ a M_{22} c. $\left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix} \right\}$ a \mathfrak{R}^3
- b. $\{x+5, 2x+10\}$ a P d. $\left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 4 \\ -5 \end{pmatrix} \right\}$ a \mathfrak{R}^2

___ 5. ¿Cuál de las siguientes transformaciones NO es una transformación lineal?

a. $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2; T \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -3x \\ 2y \end{pmatrix}$

c. $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2; T \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$

b. $T: \mathbb{R}^4 \rightarrow \mathbb{R}^2; T \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ w \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} xz \\ y+w \end{pmatrix}$

d. $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2; T \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ y \end{pmatrix}$

___ 6. Sea T una Transformación Lineal de \mathbb{R}^3 en \mathbb{R}^2 tal que, $T \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$, $T \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix}$ y $T \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 \\ -6 \end{bmatrix}$.

Determina $T \begin{bmatrix} -a \\ -b \\ c \end{bmatrix}$, donde a, b y c son escalares diferentes de cero, así como también diferentes

entre si.

a. $\begin{bmatrix} -a+3b-5c \\ -2a-4b-6c \end{bmatrix}$

c. $\begin{bmatrix} a-3b+5c \\ 2a+4b+6c \end{bmatrix}$

b. $\begin{bmatrix} -a-3b-5c \\ -2a+4b-6c \end{bmatrix}$

d. $\begin{bmatrix} -a+3b+5c \\ -2a-4b+6c \end{bmatrix}$

___ 7. ¿Cuál es un subespacio vectorial de V?

a. $V=\mathbb{R}^2; H = \{(x,y) : 2x-3=y\}$

c. $V=\mathbb{R}^3; H = \text{al plano } xz$

b. $V=M_{3 \times 3}; H = \{(T \in M_{3 \times 3} : T \text{ es triangular})\}$

d. $V=M_{2 \times 2}; H = \{(A \in M_{2 \times 2} : a_{11}=1)\}$

___ 8. ¿Cuál es la matriz de transición de la base $B_1 = \left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix} \right\}$ a la base $B_2 = \left\{ \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix} \right\}$

a. $M_T = \begin{pmatrix} 0 & -2 \\ 1/2 & 1/2 \end{pmatrix}$

c. $M_T = \begin{pmatrix} 0 & 10 \\ 1/2 & 7/2 \end{pmatrix}$

b. $M_T = \begin{pmatrix} 0 & 10/3 \\ 1/2 & 1/6 \end{pmatrix}$

d. $M_T = \begin{pmatrix} 0 & -2/3 \\ 1/2 & 7/6 \end{pmatrix}$

El que nada duda, nada sabe.

Proverbio griego

- ___ 9. ¿Cuál es la dimensión que le corresponde al espacio vectorial: $\{(x, y, z): 4x + 4y + 4z = 0\}$?
- a. dim 2 b. dim -3 c. dim 3 d. dim 1
- ___ 10. Determine el conjunto que sea una base para el espacio vectorial definido por el plano

$$\pi = \left\{ \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} \in R^3 : 2x + 3y - z = 0 \right\} \quad (\text{Sug.: toma a } z \text{ como la variable dependiente})$$

- a. $\left\{ \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix} \right\}$ b. $\left\{ \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix} \right\}$ c. $\left\{ \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} \right\}$ d. $\left\{ \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 4 \end{bmatrix} \right\}$

Aplicado